

SOLUÇÕES

1.  $\cos \alpha = \frac{3}{4}$ ,  $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{7}}{4}$  e  $\tan \alpha = -\frac{\sqrt{7}}{3}$ .
2. (a)  $\sin \alpha = \frac{1}{CE}$  e  $\cos \alpha = \frac{EB}{CE}$ .  
 (b) O perímetro do polígono  $[CEAF]$  é 3.14.
3. (a)  $(1,2,0)$  e  $(4,3,1)$ .  
 (b)  $(-1, 1, 1)|(2, 1, 1) = 0$  e  $(-1, 1, 1)|(1, 0, 1) = 0$   
 $\pi : -x + y + z = 1$ .  
 (c)  $(x, y, z) = (1, 2, 0) + k(-1, 1, 1)$  com  $k \in \mathbb{R}$   
 A sua intersecção com  $\pi$  é o ponto  $(1,2,0)$ .
4. (a)  $c^T AB = [ 3 \quad 2 \quad -6 ]$ .  
 (b) A matriz  $A$  não é invertível porque existe uma linha nula em  $A' =$   

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
, a matriz em escada resultante de  $A$  pela aplicação da fase descendente do método de eliminação de Gauss.  
 (c) i.  $2b_1 + b_2 - 2b_3 \neq 0$ . Por exemplo,  $(0,0,1)$ .  
 ii.  $2b_1 + b_2 - 2b_3 = 0$ . Por exemplo,  $(0,0,0)$ .  

$$CS = \left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \\ z \in \mathbb{R} \end{cases} \right\}$$
. É o eixo dos  $zz$ .

5.

$$\begin{aligned} \max \quad & L = 1.27x + 1.2y + 1.06z \quad (*) \\ \text{s.a.} \quad & 0.5x + 0.25y \leq 2000 \\ & 0.3x + 0.5y + 0.4z \leq 2500 \\ & 0.2x + 0.25y + 0.6z \leq 1500 \\ & x, \quad y, \quad z \geq 0 \end{aligned}$$

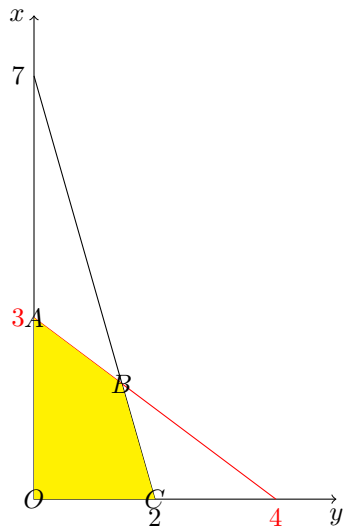
em que

$x$ - quantidade de óleo Super a produzir (l)  
 $y$ - quantidade de óleo Standard a produzir (l)  
 $z$ - quantidade de óleo Económico a produzir (l)

(\*)  $L$  resulta da seguinte expressão  $1.8x + 1.7y + 1.5z - (0.5x + 0.25y) 0.6 - (0.3x + 0.5y + 0.4z) 0.5 - (0.2x + 0.25y + 0.6z) 0.4$ .

6. (a) A região admissível é a região amarela da figura

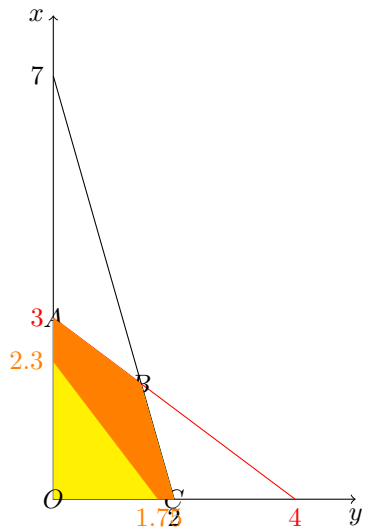
<sup>1</sup>As soluções não foram escritas ao abrigo do Acordo Ortográfico.



Os vértices são

Vértice	$(x, y)$
$O$	$(0,0)$
$A$	$(0,3)$
$B$	$(1.45, 1.91)$
$C$	$(2,0)$

(b) O conjunto das soluções admissíveis com o valor da função objectivo maior ou igual a 70 é a região laranja da figura.



(c) A solução óptima é o vértice  $B$  com o valor da função objectivo de 115.3.